

21.12.08

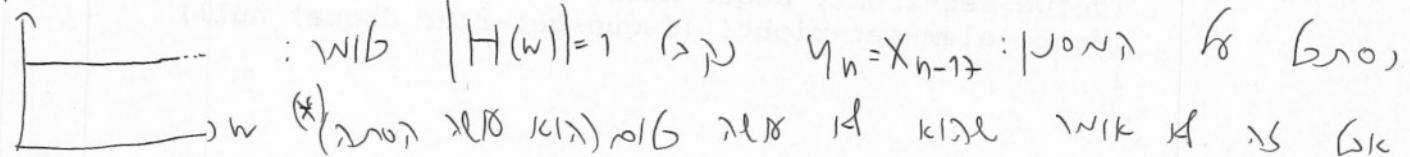
7 18'e - DSP

• Alma non l'ave 25

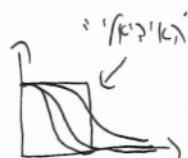
$y_n = \sum_k a_k x_{n-k}$: FIR pole, MA zero
 $(h_k = a_k \text{ when } k \geq 0 \text{ and } 0 \text{ otherwise})$
 (לפניהם מוגדרות a_k ו- x_k)

$$Y(w) = \sum_n \sum_{\ell} h_{\ell} X_{n-\ell} e^{-iwh} = \sum_{\ell} h_{\ell} \underbrace{e^{iwh}}_{H(w)} \underbrace{\sum_n X_n e^{-iwh}}_{X(w)}$$

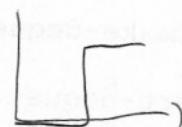
$$|H(\omega)|$$



low-pass (rjj)

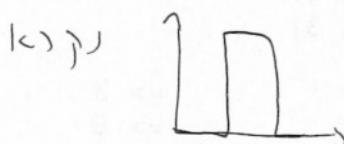


high-pass (\rightarrow)



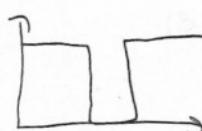
: 207)

(BP) bandpass



Yank Yax

bandstop (c) ?



۱۰۷

(primarily muon neutrinos)



223 23.1 26 bandstop 14

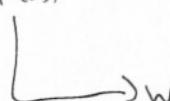
notch (c) (j) (k) (l)

$$\mathcal{PH}(\omega)$$



۲۸

$$(\mathsf{H}(\omega))$$



ρ2 703, μνλ 6 μκ ηκηγ' 20 (*)

$$y_n = \sum_l a_l x_{n-l} + \sum_m b_m y_{n-m} = \dots = \quad (\text{IIR } I(1)) : \text{ARMA} -$$

$$= \sum_k h_k X_{n-k} \quad \text{ענודים נס' 2} \quad \text{אך גורף ערך}$$

(2)

בבירה הגדלה מ- 22%

$$Y(z) = H(z) \cdot X(z)$$

:(n'22k n)88) > ARMA 237(jnyle >s,

$$\sum_{\ell} \alpha_{\ell} x_{n-\ell} = \sum_m \beta_m y_{n-m}$$

$$\sum_n \sum_k \alpha_k x_{n-k} z^n = \sum_n \sum_m \beta_m y_{n-m} z^n$$

$$\underbrace{\sum_n \alpha_n z^{-n}}_{A(z)} \quad \underbrace{\sum_n x_n z^{-n}}_{X(z)} = \underbrace{\sum_m \beta_m z^{-m}}_{B(z)} \quad \underbrace{\sum_n y_n z^{-n}}_{Y(z)}$$

$$Y(z) = \frac{A(z)}{B(z)} \cdot X(z)$$

$$H(z) = \frac{A(z)}{B(z)} = \frac{\sum \alpha_k z^{-k}}{\sum \beta_m z^{-m}} = \frac{z^{-L} \overbrace{\sum \alpha_k z^{L-k}}^N}{z^{-M} \overbrace{\sum \beta_m z^{M-m}}^M} = \dots$$

:) N | 6

וְאֵלֶיךָ יְהוָה אֱלֹהִים

2 M-L

۱۲

۱۸۰۰۰

• *mbib3, 'jia lu, n1onrua 'jue uk3n*

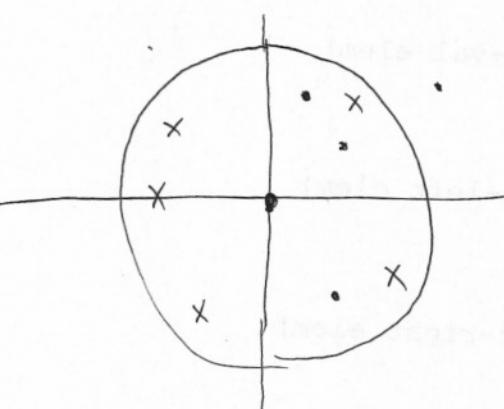
$$H(z) = \sum_{k=0}^{m-1} \frac{\pi(z - M_k)}{\pi(z - m_k)} \cdot G$$

↑
(*)

(zeros) נס' זרויים בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3)
 (poles) נס' פולרים בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3)

מזהה מוקד בז' מוגדר מושג $H(z)$ בז' מוגדר כפונקציית סכום

(pole אפס נס' 0)



$\alpha_0 - x$
 $\alpha_1 - x$

(אפס נס' 0)

לפנינו מונע נס' (0) (ב) יתגלו בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3)
 כלומר נס' פולרים בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3) נס' זרויים בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3)

$\alpha_0 - x$
 $\alpha_1 - x$

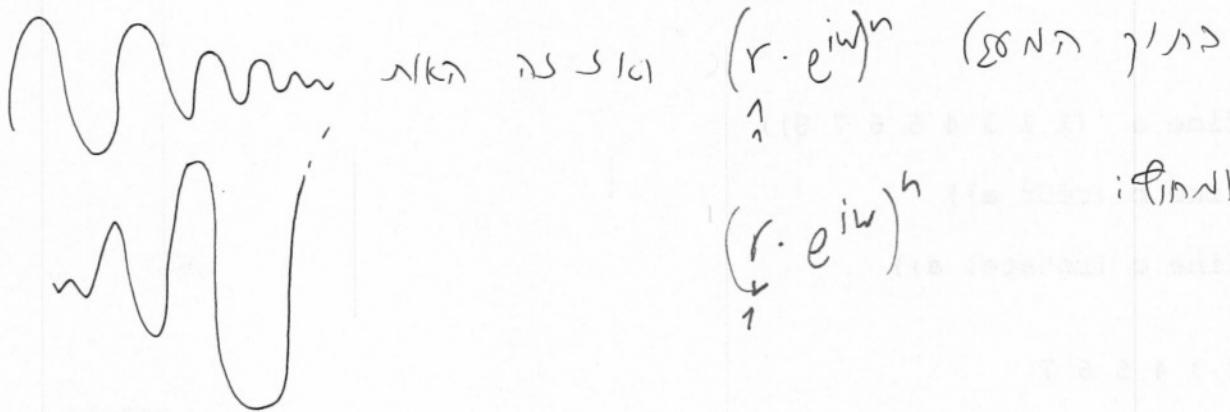
$\alpha_2 - x$
 $\alpha_3 - x$

(נס' פולרים בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3)) מוגדרת $H(z)$ כ (1) מוגדרת כפונקציית סכום

$$\begin{aligned} \text{(נס' פולרים בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3))} \quad & a_0 + a_1 x + a_2 x^2 = \\ & = A(x - r_1)(x - r_2) \end{aligned}$$

נס' פולרים בז' (0) ו (1) ו (2) ו (3) מוגדרת כפונקציית סכום

לawn : תיבת נס מיליגן (EN) ל-~~טנ~~ נורווגיה גולן רטורט (טנ)



$$6. \frac{z^L}{z^M} \cdot \frac{\sum_{\ell} \alpha_{\ell} z^{L-\ell}}{\sum_m \beta_m z^{M-m}}$$

(MA 7N16) ?($\beta_0 + \beta_1 N$) $\rightarrow \beta - \beta_1 N$ $\rightarrow \beta - \beta_1 N$

all-zero 147 FIR kill MA

all-pole IIR IIR AR

zero + pole (c₁) ARMA

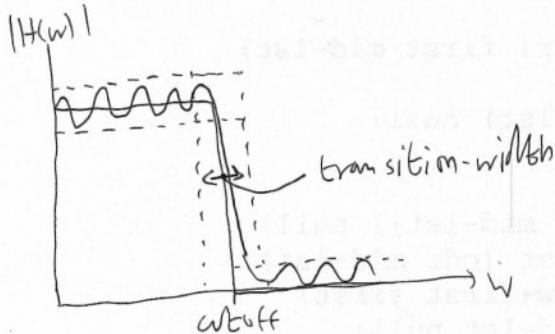
הארם נסחף מארם וארם נסחף מארם (ארכיאולוגים)

(zero+pole) 23°N ARMA is n4

הוּא רַכְבָּן כִּי־בְּמִזְרָחָם נֶאֱמַר וְבָרְכָתָךְ

ויל שוכן בדעת מינה וולטה ווילס (בג')
 (ויל שוכן נושא גוף מושך פיזי ? AR/MA ING)
 (? , FIR, LP פילט)

(cut-off) : ויל שוכן בדעת מינה, LP, MA ING ? ?



? transition-width בדעת מינה (ויל שוכן)

(ויל שוכן נושא גוף מושך MA → וויל שוכן נושא גוף מושך פילט)
 (---) וויל שוכן נושא גוף מושך פילט

(ויל שוכן נושא גוף מושך פילט ?)
 וויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט
 וויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט

{ min-max וויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט }

ויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט
 וויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט (ויל שוכן נושא גוף מושך פילט)

ויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט

ויל שוכן TI → ויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט
 ($\Psi(z) = H(z) \cdot X(z) \rightarrow$ ויל שוכן נושא גוף מושך פילט נושא גוף מושך פילט)

PSP (e-mail)

הנִזְנָה וְלַכְמָה <הנִזְנָה>

1231. (מ' 88 ו' 88 ב' 88) מ' 88 ו' 88 ב' 88. מ' 88 ו' 88 ב' 88. מ' 88 ו' 88 ב' 88.

? DSP → μ 's? \Rightarrow ~~for~~ μ 's new link \rightarrow ns

מילוי הינה יפה וסביר. אולם לא ניתן לשים בפער בין x ו- y שקיים $\delta > 0$ כך ש- x ו- y יתנו אותו פער. לכן לא ניתן לשים x ו- y בפער של δ .

$y = x$ *וְאֵלָי כִּי* $x \rightarrow y$ *וְאֵלָי כִּי* $f(x) \rightarrow y$

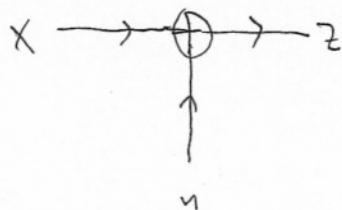
(�ዕስ ቅዱ ገዢዎች መከተል) $y = ax$ የዕስ አንቀጽ

$((13'), \{ \text{tee-connector } (13') \})$ $y = x$ $y \neq x$  x y z

• $\mu(k^3)^{1/(2-1)} = \mu_0 \cdot \text{const}$ $\Rightarrow \mu = \mu_0 \cdot k^{3/(2-1)}$

אלה הרכות ניראו גיבים

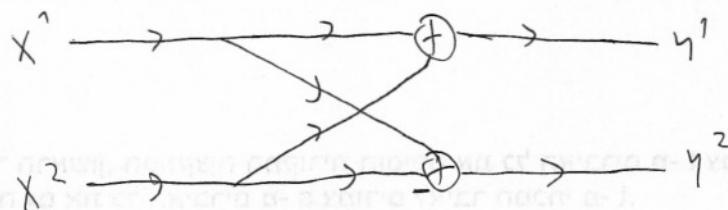
$$z = x + y$$



נַחֲרָה:

רְכוּם, מִלְבָד גַּוְגָה גַּבְעָה וְכֵן כְּלָמָד

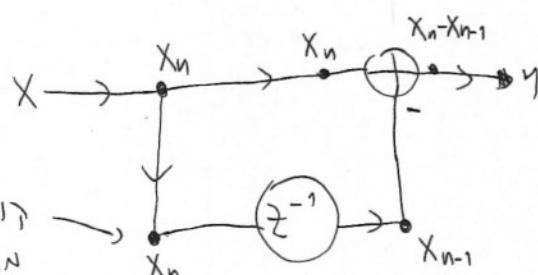
$$y = \hat{z}^{-1} x \quad \text{in } N \subset \mathbb{C} \quad x \rightarrow \begin{matrix} z^{-1} \\ \circ \end{matrix} \rightarrow y : f(z)$$



$$y^1 = x_1^1 + x^2 \quad , \quad y^2 = x^1 - x^2$$

מי יתרכז בראוי?

(-?%)



$$Y_n = X_n - X_{n-1}$$

הנְּצָרָה וְהַמִּלְחָמָה

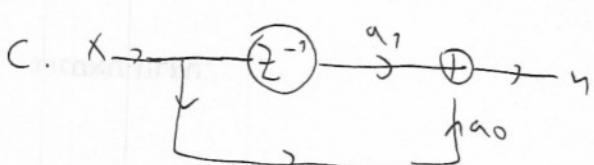
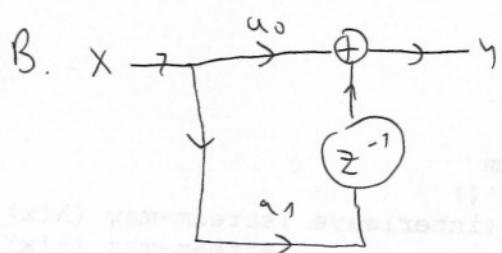
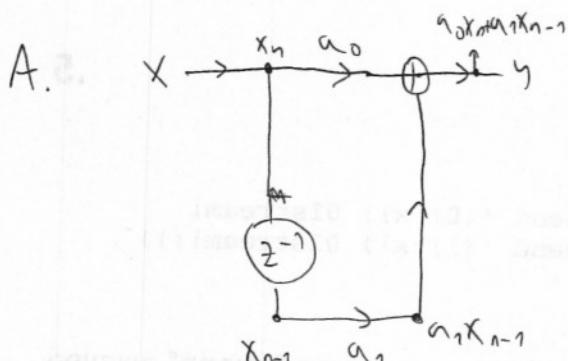
הוּא רְבָבָה: יְלִיאַת נֵר

Philippe (Phil) Mazzatorta, 1017, 1020, normal, ~~normal~~, 7255 1/2e



$$y_n = a_0 x_n + a_1 x_{n-1} \quad \text{Definition of MA } \rightarrow \text{non recursive}$$

(y_t is recursive) ~~non recursive~~: y_t is recursive



Question: Which of A, B, C, D is recursive?

$$x \rightarrow [F] \rightarrow [g] \rightarrow y \quad \text{is not recursive if } f, g \text{ are not invertible}$$

$$x \rightarrow [g] \rightarrow [f] \rightarrow y \quad \text{is recursive if } f, g \text{ are invertible}$$

$$y = f * (g * x)$$

$$= g * (f * x)$$

Definition of convolution: $y = (f * g)(x) = \int f(\tau)g(x-\tau) d\tau$

Properties of convolution: $y = (f * g)(x) = (g * f)(x)$

$y = (f * g)(x) = f(x) * g(x)$

$$\Psi(w) = F(w) * G(w) * X(w)$$

$$= G(w) * F(w) * X(w)$$

