

21.4.09

## 6. פוליא - NL

O(n log n) 시간 복잡도

$L = \text{SPACE}(\log n)$

$NL = \text{NSPACE}(\log n)$

• NL  $\subseteq$  CONN (CONN מושג כsubset של stconn - כלומר NL  $\subseteq$  CONN)

• NL  $\subseteq$  co-NL  $\subseteq$  2-SAT - כלומר NL  $\subseteq$  2-SAT

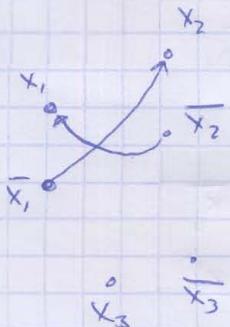
### 2-SAT $\in$ NL

• 2-CNF מושג כ $\{\{x_1, x_2\}, \{x_1, \bar{x}_2\}, \{\bar{x}_1, x_2\}, \{\bar{x}_1, \bar{x}_2\}\}$

• ( $x_i \rightarrow p_j$ ) מושג כ $x_i = 1 \Rightarrow p_j = 1$  (במילים, אם  $x_i = 1$  אז  $p_j = 1$ )

•  $x_i \vee \bar{x}_i = 1$  (במילים, אם  $x_i = 1$  או  $x_i = 0$  אז  $x_i \vee \bar{x}_i = 1$ )

•  $(x_1 \vee x_2) \wedge (\bar{x}_1 \vee \bar{x}_2) \wedge (\bar{x}_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \bar{x}_2)$



$$x_2 = T \iff \bar{x}_1 = T$$

$$x_1 = T \iff \bar{x}_2 = T$$

•  $x_1 = T$   $\iff$   $\bar{x}_1 = F$

•  $x_2 = T$   $\iff$   $\bar{x}_2 = F$

•  $x_i = T \iff \bar{x}_i = F$

•  $x_i = T \iff \bar{x}_i = F$

• 2SAT מושג כsubset של CONN

•  $x_i = T \iff \bar{x}_i = F$

•  $x_i = T \iff \bar{x}_i = F$

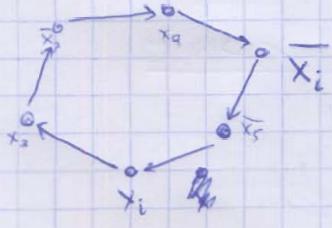
•  $B = T \iff A = T$

•  $x_i = T \iff \bar{x}_i = F$

•  $x_i = T \iff \bar{x}_i = F$

•  $x_i = T \iff \bar{x}_i = F$

$x_i \wedge \neg \bar{x}_i \wedge \bar{x}_i \wedge \neg x_i$  הוכיחו ש  $\neg x_i \vee \neg \bar{x}_i$



Given  $\beta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\beta$  is F when  $x_i = 0$ .

Given  $\gamma$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\gamma$  is F when  $x_i = 0$ .

Given  $\delta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\delta$  is F when  $x_i = 0$ . Then  $\bar{x}_i$  is 1 if  $\beta$  is F and  $\bar{x}_i$  is 0 if  $\beta$  is T.

Given  $\alpha$  is T when  $x_k = 1$ ,  $\alpha$  is F when  $x_k = 0$ .

$x_j \rightarrow x_k$  given  $\epsilon$  is T when  $x_j = 1$ ,  $\epsilon$  is F when  $x_j = 0$ . Then  $\bar{x}_j \rightarrow \bar{x}_k$  given  $\epsilon'$  is T when  $x_j = 0$ ,  $\epsilon'$  is F when  $x_j = 1$ .

Given  $\zeta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\zeta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\eta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\eta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\theta$  is T when  $x_k = 1$ ,  $\theta$  is F when  $x_k = 0$ . Then  $\bar{x}_i \rightarrow x_k$  given  $\rho$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\rho$  is F when  $x_i = 0$ .

Given  $\zeta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\zeta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\eta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\eta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\theta$  is T when  $x_k = 1$ ,  $\theta$  is F when  $x_k = 0$ . Then  $x_j \rightarrow x_k$  given  $\rho$  is T when  $x_j = 1$ ,  $\rho$  is F when  $x_j = 0$ . Then  $x_j \rightarrow \bar{x}_k$  given  $\rho'$  is T when  $x_j = 0$ ,  $\rho'$  is F when  $x_j = 1$ .

$\neg \text{SAT}_{\text{NL}}$  is NP-hard

$\neg \text{SAT}_{\text{NL-HARD}}$

Given  $\beta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\beta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\gamma$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\gamma$  is F when  $x_i = 0$ .

Given  $\delta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\delta$  is F when  $x_i = 0$ .

Given  $\zeta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\zeta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\eta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\eta$  is F when  $x_i = 0$ .

$$\psi = (s \vee s) \wedge (\bar{t} \vee t) \wedge \bigwedge_{(u,v) \in E} (\bar{u} \vee v)$$

Given  $\beta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\beta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\gamma$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\gamma$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\delta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\delta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\zeta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\zeta$  is F when  $x_i = 0$ . Given  $\eta$  is T when  $x_i = 1$ ,  $\eta$  is F when  $x_i = 0$ .

מגניט - t-S-N (לונד E) פולר מודולר גודל נספחים  
F-G כהן G-N T-S-N פולר גודל נספחים

טבילה גירובית ב-  
G-F סיבוב גירובית ב-  
G-F סיבוב גירובית ב-

טבילה גירובית ב-  
G-F סיבוב גירובית ב-  
G-F סיבוב גירובית ב-

טבילה גירובית ב-  
G-F סיבוב גירובית ב-  
G-F סיבוב גירובית ב-  
G-F סיבוב גירובית ב-

טבילה coNL כ- 2SAT גודל חישוב כ-  
טבילה NL כ- PNL כ- NL-! L-  
טבילה NL כ- PNL כ- NL-! L-